Reinaldo P. RICIERI<sup>1</sup>, Reginaldo F. SANTOS<sup>2</sup>, Suedêmio L. SILVA<sup>3</sup>, João F. ESCOBEDO<sup>4</sup>

### **RESUMO**

O presente trabalho mostra as relações da razão ( $K_d = R_d/R_G$ ) das irradiações difusa e global na superfície terrestre com a razão ( $K_t = R_G/R_o$ ) das irradiações global ( $R_G$ ) e incidente no topo da atmosfera ( $R_o$ ). Os dados experimentais foram obtidos na ESTAÇÃO DE RADIOMETRIA SOLAR DA UNESP de Botucatu/SP. As componentes da radiação solar foram monitoradas por instrumentos da EPPLEY: um piranômetro (PSP) e um pireliômetro (NIP) acoplado num rastreador solar ST-3. Na aquisição dos dados, utilizou-se um "micrologger" da CAMPBELL SCIENTIFIC-INC modelo 21X, programado na freqüência de 1Hz e armazenando médias de 5 minutos. A distribuição dos valores diários ( $K_d \propto K_t$ ), relacionada através de regressão polinomial e transcendental, forneceu equações de estimativa com elevados coeficientes de determinação. Dentre as correlações do modelo polinomial, os ajustes segundo os parâmetros RMSE e MBE, foram melhores na seqüência: 4°, 3°, 2° e 1° grau, respectivamente.

Palavras-chave: radiação solar difusa; índice de claridade; estimativa da radiação difusa.

## **INTRODUÇÃO**

O conhecimento do comportamento da radiação solar difusa é de grande importância em diversas atividades tais como: agricultura; engenharia; zoologia e outras. A dificuldade existente atualmente no monitoramento desta componente, encontra-se no custo elevado dos instrumentos envolvidos. Devido às dificuldades instrumentais, outra linha importante de estudos com radiação difusa é a dos modelos de estimativas. Neste, a radiação difusa é correlacionada com outro tipo de radiação, ou com um parâmetro meteorológico, por exemplo, a radiação global e a insolação relativa que são mais facilmente medidas. O trabalho pioneiro, com modelos de estimativa entre irradiações global e difusa para um determinado local, foi elaborado por Liu & Jordan (1960), que relacionaram a razão das irradiações, difusa na superfície terrestre ( $R_d$ ) e do topo da atmosfera ( $R_o$ )

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup> Prof. Adjunto do Depto. DME e do Curso de Mestrado Engenharia Agrícola\UNIOESTE\Cascavel\PR.\ Brasil, Rua Universitária, 2069, cep 85814-110, ricieri@unioeste.br.

<sup>&</sup>lt;sup>2</sup> Prof. Assistente do Depto de Engenharia\UNIOESTE\Cascavel\PR.

<sup>&</sup>lt;sup>3</sup> Prof. Assistente do Depto de Engenharia Agrícola\UNIOESTE\Cascavel\PR.

<sup>&</sup>lt;sup>4</sup> Prof. Adjunto do Departamento de Ciências Ambientais – FCA\UNESP – Botucatu\SP.

ou  $K'_d=R_d/R_o$ , com a razão das irradiações, global na superfície terrestre ( $R_G$ ) e topo da atmosfera ( $R_o$ ), também denominado de índice de claridade ( $K_t=R_G/R_o$ ). Outra expressão utilizada é a razão entre as irradiações difusa e global na superfície terrestre ( $K_d=R_d/R_G$ ), pela razão  $K_t$ . As duas curvas apresentadas por Liu e Jordan foram, posteriormente, equacionadas por outros pesquisadores.

A partir de 1960, diversos autores confirmaram a validade de modelo proposto para uma localidade porém, constataram que a correlação encontrada não poderia ser aplicada para regiões de grandes dimensões em toda sua extensão, não só devido a variabilidade climática da atmosfera, como também devido a latitude, como mostra o trabalho de Soler (1990).

Em função desta característica, dezenas de modelos foram propostos e mesmo não sendo muito precisos, são utilizados. Exemplos deste tipo de modelo são os trabalhos publicados por : Collares-Pereira & Rabl (1979) - Estados Unidos e Iqbal (1979) – Canada, entre muitos outros.

Outra fonte de variação nos estudos com modelagem da irradiação difusa é a partição das irradiações. Normalmente, as irradiações global, difusa e no topo da atmosfera são representadas pela partição horária, diária e média mensal, cuja escolha tende aos objetivos e à área de aplicação. Bruno (1978) e Srivastava et al. (1995), entre outros, optaram pela partição horária. Liu & Jordan (1960), Hontoria et al. (1997), utilizaram partição diária. Com partição de média mensal, que exige uma série de dados com vários anos, encontram-se trabalhos na literatura em menor quantidade.

As correlações propostas na grande maioria dos trabalhos citados apresentaram grande variabilidade em função da partição utilizada e local estudado. Alguns preferem a dependência linear, outros de  $3^{\circ}$  ou  $4^{\circ}$  grau, cuja escolha depende do coeficiente de determinação ou parâmetros estatísticos de RMSE e MBE. Outros pesquisadores, ao invés de representar K<sub>d</sub> como uma única correlação, fazem opção por um conjunto de equações, em função de intervalos específicos de K<sub>t</sub>.

No Brasil, o estudo com modelagem da radiação difusa é recente, pois poucos grupos tem o privilégio de estarem medindo de rotina esta componente. Dentre os locais, podem ser citados os grupos de radiação solar de Viçosa, IAG-USP/SP., Santa Catarina e UNESP de Botucatu. Os resultados iniciais em Botucatu foram divulgados por Ricieri et al. (1996).

Face a esta realidade propõe-se neste trabalho mostrar modelos de regressão polinomial e transcendental, em função do índice de claridade, para estimar a irradiação difusa em Botucatu\SP.

# **MATERIAL E MÉTODOS**

O experimento foi realizado na Estação de Radiometria Solar da Unesp de Botucatu (latitude 22<sup>0</sup>54<sup>Sul</sup>, longitude 48<sup>0</sup>27<sup>Oeste</sup>, altitude 786m), junto ao departamento de Ciências Ambientais na FCA, no período de 1 de junho de 1996 à 31 de dezembro de 1997.

A densidade de fluxo global ( $I_G$ ) e direto na incidência normal ( $I_{DN}$ ), foram obtidos através de instrumentos da EPPLEY: um piranômetro PSP posicionado num plano horizontal e um pireliômetro NIP acoplado a um rastreador solar modelo ST-3. A densidade de fluxo da radiação difusa ( $I_d$ ) foi obtida pela diferença entre as densidades de fluxo global ( $I_G$ ) e direta de incidência normal ( $I_{DN}$ ) projetada na horizontal, através da equação:  $I_d=I_G-I_{DN}Cosz$ .

Foi utilizado uma aquisição de dados "micrologger" da CAMPBELL SCIENTIFIC-INC modelo 21X, programado para realizar uma leitura por segundo de cada canal e armazenar a média aritmética de cinco minutos.

### **RESULTADOS E DISCUSSÃO**

A figura (1) mostra a distribuição diária de  $K_d$  em função de  $K_t$ . Independentemente da partição das irradiações global e difusa, a distribuição característica obtida é similar às apresentadas por outros pesquisadores. Nos limites, quando  $K_t$  tende a zero,  $K_d$  tende a um, e quando  $K_d$  tende a zero,  $K_t$  tende a um. No intervalo intermediário,  $K_t$  pode assumir tendência linear, polinomial, de 2<sup>a</sup>, 3<sup>a</sup> ou 4<sup>a</sup> ordem, ou mesmo uma exponencial.



Figura 1. Distribuição da razão K<sub>d</sub> em função de K<sub>t</sub>.

Submetendo a distribuição dos pontos experimentais ( $K_d \ge K_t$ ) a programas estatísticos de regressões, obteve-se os seguintes modelos empíricos para estimar a radiação difusa local.

 a) Correlação linear. A figura (2) mostra o ajuste da correlação linear à distribuição dos dados para Botucatu.



Figura 2. Curvas de regressão linear (K<sub>d</sub> x K<sub>t</sub>).

A equação obtida com o respectivo coeficiente de determinação foi:  $K_d = 1,35-1,65K_t$ , com  $R^2 = 0,89\%$ . O coeficiente de determinação próximo de 90% indica que  $K_d$  pode ser estimado a partir de  $K_t$  com razoável nível de precisão, no intervalo  $0,25 < K_t < 0,65$ .

Para a correlação linear obtida, a equação somente terá sentido para valores de  $K_t$  superiores a 0,2 pois, na superfície terrestre, a irradiação difusa não pode ser maior que a irradiação global.

b) Correlação parabólica. A figura (3) mostra a curva ajustada por regressão polinomial de 2º grau à distribuição  $K_d = f(K_t)$ .



Figura 3. Curva de regressão parabólica (K<sub>d</sub> x K<sub>t</sub>).

A equação obtida com o coeficiente de determinação foi:  $K_d = 1,043 - 0,086 K_t - 1,678 K_t^2$ , com  $R^2 = 0,9259$ . O coeficiente de determinação 92,59% indica melhor ajuste ao obtido no modelo linear.

c) Correlação do 3º grau. A figura (4) mostra a curva do 3º grau ajustada aos dados experimentais.



Figura 4. Curva de regressão polinomial de 3º grau (K<sub>d</sub> x K<sub>t</sub>).

A equação obtida foi:  $K_d = 0,947 + 0,813 K_t - 3,963 K_t^2 + 1,720 K_t^3 \text{ com } R^2 = 0,9267. O$  coeficiente de determinação 92,67%, mostra que estatisticamente não ocorreu uma melhoria significativa entre os ajustes das equações de 2° e 3° grau, que praticamente foram iguais.

d) Equação polinomial do 4º grau. A figura (5) mostra a curva polinomial de 4º grau ajustada à distribuição dos dados.



Figura 5. Curvas de regressão polinomial de 4º grau (K<sub>d</sub> x K<sub>t</sub>).

A equação obtida foi:  $K_d=1,083-1,067K_t+4,078K_t^2-11,736K_t^3+7,722 K_t^4$ , com  $R^2 = 0,9273$ . Esta equação não melhora o coeficiente de determinação em relação ao de 3º grau e 2º grau.

e) Equação transcendental. Na tentativa de obter um melhor modelo, considerando a distribuição característica entre K<sub>d</sub> e K<sub>t</sub>, os dados experimentais foram submetidos ao modelo transcendental (figura 6) do tipo exponencial, similar ao modelo de Bartoli et al. (1982).



Figura 6. Curvas de regressão transcedentais (K<sub>d</sub> x K<sub>t</sub>).

A equação transcendental:  $K_d$ =-0,0228+1,02288exp[(-1,0623 K\_t^{2,0381})/(1-K\_t)], com RMSE=0,07861, mostra ter precisão semelhante as equações do 3º e 4º grau.

Comparando os modelos citados através da raiz quadrada do erro quadrático médio (RMSE) que está associado a dispersão de dados e do erro médio (MBE), que está associado a tendência de dispersão dos pontos em relação à equação média, conforme apresentados na tabela 1 e definidos através das relações:

$$RMSE = \{ [\Sigma (K_{calc.} - K_{real})^2]/n \}^{1/2} e MBE = [\Sigma (K_{calc.} - K_{real})]/n \}^{1/2}$$

 Tabela 1. Valores dos parâmetros estatísticos RMSE e MBE dos modelos

Correlação	Linear	Parabólica	3° grau	4° grau	Exponencial
RMSE	0,09282	0,0798	0,07907	0,0789	0,07861
MBE	0,00143	-0,00674	0,00231	-0,0052	0,0055

Comparando os valores do coeficiente RMSE, as equações polinomiais acima do  $2^{\circ}$  grau juntamente com a exponencial apresentam os melhores ajustes em torno de 7,9% contra 9,3% na do  $1^{\circ}$  grau. O parâmetro estatístico MBE positivo ( $1^{\circ}$ ,  $3^{\circ}$  e exponencial) indica que a correlação tende a superestimar as medidas estimadas dos valores de K<sub>d</sub>, e as demais tendem a subestimar.

Comparando os valores determinados de RMSE neste trabalho com valores citados na literatura, independentemente da partição e do grau da regressão polinomial, como mostram os trabalhos: Hontoria (1997): RMSE = 9,14%; Collares-Pereira & Rabl (1979): RMSE = 14,79%; Bartoli et al. (1982): RMSE = 10,0%, entre muitos outros, a partir da equação de  $2^{\circ}$  grau podem ser considerados bons, com uma imprecisão na faixa de 8,0%.

## CONCLUSÕES

Diante dos resultados obtidos, podemos concluir que: a curva de distribuição experimental da razão difusa pela global ( $K_d$ ) em função do índice de claridade ( $K_t$ ), com partição diária, apresentou característica similar às apresentadas na literatura, independentemente da partição; nos modelos de regressão obtidos com a distribuição dos dados ( $K_d \propto K_t$ ) locais, dentre as correlações do modelo polinomial, segundo os parâmetros estatísticos RMSE e MBE, os melhores ajustes foram obtidos com os modelos transcendental e polinomial do 4°, 3° e 2° grau, respectivamente, com seus valores muito próximos.

#### **BIBLIOGRAFIA**

- BARTOLI, B., CLUOMO, V., AMATO, U., BARONE, G., MATTARELLI, P. Diffuse and beam components of daily global radiation in Genova and Macerata. *Solar Energy*, v.28, p.307-311, 1982.
- BRUNO, R. A correction procedure for separating direct and diffuse insolation on a horizontal surface. *Solar Energy*, v.20, p.97-100, 1978.
- COLLARES-PEREIRA, M., RABL, A. The average distribution of solar radiation correlations between diffuse and hemispherical and between daily and hourly insolation values. Solar Energy, v.22, p.155-164, 1979.
- HONTORIA, L., PÉREZ, P.J., ALMONACID, G. Estudio comparativo de diferentes correlaciones entre el índice de claridad y la fracción de difusa para diferentes localizaciones. CONGRESSO IBÉRICO DE ENERGIA, Porto, 1997. p.103-110.
- IQBAL, M. A study of Canadian diffuse and total solar radiation data I, Monthly average daily horizontal radiation. *Solar Energy*, v.1, p.81-86, 1979.
- LIU, B.Y.H., JORDAN, R.C. The interrelationship and characteristic distribution of direta, difuse and total solar radiation. *Solar Energy*, v.4, p.1-19, 1960.
- RICIERI, R.P., ESCOBEDO, J.F., MARTINS, D. Relações da radiações solar difusa em Botucatu. IX CONGRESSO BRASILEIRO DE METEOROLOGIA, Campos do Jordão, 1996. p.547-550.
- SOLER, A. Dependence on latitude of the relation between the diffuse fraction of solar radiation and the ratio of global to - extraterrestrial radiation for monthly average daily values. *Solar Energy*, v.44, n.5, p.297-302, 1990.
- SRIVASTAVA, S.K., GAUR, A., SINGH, O.P., TIWARI, R.N. Comparison of methods for estimating daily and hourly diffuse solar radiation. *Applied Energy*, v.51, p.119-123, 1995.